

Tests de randomisation - Solutions

Le fichier sablefish.csv contient des données de Kimura (1988) sur le nombre de prises de charbonnier par unité d'effort (*catch*) dans quatre localités d'Alaska (*location*) pour chacune des six années entre 1978 et 1983.

```
sable <- read.csv("../donnees/sablefish.csv")  
head(sable)
```

```
##   year location catch  
## 1 1978 Shumagin 0.236  
## 2 1978 Chirikof 0.204  
## 3 1978   Kodiak 0.241  
## 4 1978   Yakutat 0.232  
## 5 1979 Shumagin 0.140  
## 6 1979 Chirikof 0.202
```

- a) Ajustez un modèle linéaire des prises en fonction de la localité seulement. Quelle est l'interprétation du coefficient `locationYakutat` de ce modèle?

Solution

```
lm_sable <- lm(catch ~ location, sable)  
summary(lm_sable)
```

```
##  
## Call:  
## lm(formula = catch ~ location, data = sable)  
##  
## Residuals:  
##       Min        1Q      Median        3Q       Max  
## -0.17033 -0.09683 -0.04983  0.09471  0.24267  
##  
## Coefficients:  
##                 Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)  
## (Intercept) 0.33100   0.05483  6.037 6.69e-06 ***  
## locationKodiak 0.06733   0.07754  0.868  0.396  
## locationShumagin -0.03483   0.07754 -0.449  0.658  
## locationYakutat -0.01167   0.07754 -0.150  0.882  
## ---  
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1  
##  
## Residual standard error: 0.1343 on 20 degrees of freedom  
## Multiple R-squared: 0.08762, Adjusted R-squared: -0.04924  
## F-statistic: 0.6402 on 3 and 20 DF, p-value: 0.598
```

Le coefficient `locationYakutat` donne la différence moyenne de `catch` entre la localité Yakutat et la localité de référence (Chirikof).

- b) Effectuez un test de permutation pour calculer la valeur p correspondant à la différence moyenne de prises entre les localités Kodiak et Chirikof. Cette valeur est-elle cohérente avec la valeur correspondante du modèle linéaire?

Solution

```
set.seed(8202)

diff_perm <- function() {
  sable_perm <- sable
  sable_perm$location <- sample(sable$location)
  mean(sable_perm$catch[sable_perm$location == "Kodiak"]) -
    mean(sable_perm$catch[sable_perm$location == "Chirikof"])
}

nperm <- 9999

diff_null <- replicate(nperm, diff_perm())

diff_obs <- mean(sable$catch[sable$location == "Kodiak"]) -
  mean(sable$catch[sable$location == "Chirikof"])

(sum(abs(diff_null) >= abs(diff_obs)) + 1) / (nperm + 1)

## [1] 0.3823
```

Oui, la valeur s'approche de la valeur p pour le coefficient `locationKodiak` du modèle en a).

- c) En utilisant le package `permuco`, déterminez la valeur p pour cette même différence pour un modèle incluant les effets additifs de l'année et de la localité. *Note:* Nous considérons l'année comme une variable catégorielle ici, donc elle doit être convertie en facteur. La valeur p diffère-t-elle entre le test de permutation et le modèle paramétrique?

Solution

```
library(permuco)
sable$year <- as.factor(sable$year)
lmpperm(catch ~ year + location, sable)

## Table of marginal t-test of the betas
## Permutation test using freedman_lane to handle nuisance variables and 5000 permutations.
## Estimate Std. Error t value parametric Pr(>|t|)
## (Intercept) 0.22304 0.03849 5.7944 3.537e-05
## year1979 -0.01875 0.04445 -0.4218 6.791e-01
## year1980 0.06300 0.04445 1.4174 1.768e-01
## year1981 0.10725 0.04445 2.4130 2.908e-02
## year1982 0.30450 0.04445 6.8508 5.499e-06
## year1983 0.19175 0.04445 4.3141 6.142e-04
## locationKodiak 0.06733 0.03629 1.8554 8.330e-02
## locationShumagin -0.03483 0.03629 -0.9598 3.524e-01
## locationYakutat -0.01167 0.03629 -0.3215 7.523e-01
## permutation Pr(<t>) permutation Pr(>t) permutation Pr(>|t|)
## (Intercept)
## year1979 0.3286 0.6716 0.6778
## year1980 0.9044 0.0958 0.1828
## year1981 0.9890 0.0112 0.0236
## year1982 1.0000 0.0002 0.0002
## year1983 0.9996 0.0006 0.0006
## locationKodiak 0.9642 0.0360 0.0794
## locationShumagin 0.1824 0.8178 0.3476
## locationYakutat 0.3836 0.6166 0.7520
```

La valeur p est d'environ 0.08 pour le modèle paramétrique et le test de permutation.